

**Einführung in die Informationsverarbeitung  
Teil Eide  
(auf Basis von Thaller 2014–15)  
Stunde II: Datenstrukturen**

Köln 3. November 2016

**Anschluss an die erste Stunde**

## „Arten“ von Information

1. "Selbstabbildende Information".  
Es kann "gerechnet" werden.  
Bilder.
2. "Kodierte Information".  
Zeichenketten und Teilketten können verglichen werden.  
Texte.
3. "Symbolische Information".  
Terme können verglichen werden.  
Terminologien, "Ontologien" u.ä.

\*

3

## I. Grundbegriffe

4

## Datentyp

- **Zahlen**
- **Bilder**
- **Zeichenketten**
- **Geburtstage**
- **Briefe**

## Operationen

- **Addieren**
- **Komprimieren**
- **Vergleichen**
- **Abstand berechnen**
- **Beziehen**

## Datenstrukturen

- **Zahl {Darstellung, Addieren, ...}**
- **Bild {Darstellung, Komprimieren, ...}**
- **Text {Darstellung, Vergleichen, ... }**
- **Zeit {Darstellung, Abstand berechnen, ... }**
- **Brief {Darstellung, Beziehen, ...}**

**Datenstruktur =**  
**{Datentyp, Legale Operationen }**

**“Datentyp” und “Datenstruktur” oft aber auch  
synonym!**

## Basisdatenstrukturen

- **Boolean / Logischer Wert**
- **Integer**
- **[ Rationale Zahlen ]**
- **Realzahlen**
- **Zeichen**
- **Zeichenketten**

## Datenstrukturen und Hardware

Datenstrukturen geben Regeln wieder, wie ein bestimmter Speicherbereich interpretiert wird.

ASCII Zeichen 'a' = 97; 'A' = 65.

*oder*

'Pixel' 97 ist eineinhalb mal heller als 'Pixel' 65.

## Datenstrukturen und Hardware

Festlegungen sind „willkürlich“.

Groß- / Klein v. Umlaute

## Zeichen

a	097	A	65
b	098	B	66
c	099	C	67
d	100	D	68
e	101	E	69
f	102	F	70
g	103	G	71
h	104	H	72
i	105	I	73
j	106	J	74
k	107	K	75
...	...	...	...

## Zeichen

a	01100001	A	01000001
b	01100010	B	01000010
c	01100011	C	01000011
d	01100100	D	01000100
e	01100101	E	01000101
f	01100110	F	01000110
g	01100111	G	01000111
h	01101000	H	01001000
i	01101001	I	01001001
j	01101010	J	01001010
k	01101011	K	01001011
...	...	...	...

13

## Zeichen

a	01 <b>1</b> 00001	A	01 <b>0</b> 00001
b	01 <b>1</b> 00010	B	01 <b>0</b> 00010
c	01 <b>1</b> 00011	C	01 <b>0</b> 00011
d	01 <b>1</b> 00100	D	01 <b>0</b> 00100
e	01 <b>1</b> 00101	E	01 <b>0</b> 00101
f	01 <b>1</b> 00110	F	01 <b>0</b> 00110
g	01 <b>1</b> 00111	G	01 <b>0</b> 00111
h	01 <b>1</b> 01000	H	01 <b>0</b> 01000
i	01 <b>1</b> 01001	I	01 <b>0</b> 01001
j	01 <b>1</b> 01010	J	01 <b>0</b> 01010
k	01 <b>1</b> 01011	K	01 <b>0</b> 01011
...	...	...	...

14

## Zeichen

Festlegungen sind „willkürlich“.

`lower(x) = upper(x) | '00100000'`

= schnellste verfügbare Operation des Rechners!

## Merke:

Darstellung von Datenstrukturen sind „willkürlich“.

... können den Aufwand für eine Anwendung aber entscheidend beeinflussen!

\*



## Datenstruktur „Zeiger“

Diagrammatische Darstellung:



A „zeigt auf“ B

## Datenstruktur „Zeiger“

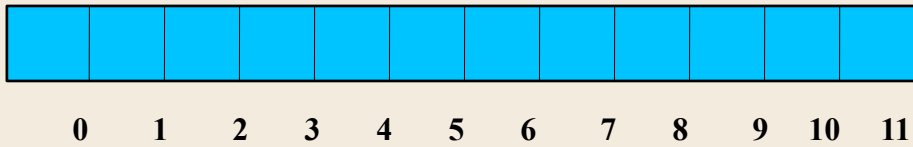
Diagrammatische Darstellung:



„Zeiger“: Ein Speicherinhalt eines Rechners  
verweist auf einen anderen.

## Datenstruktur im Speicher

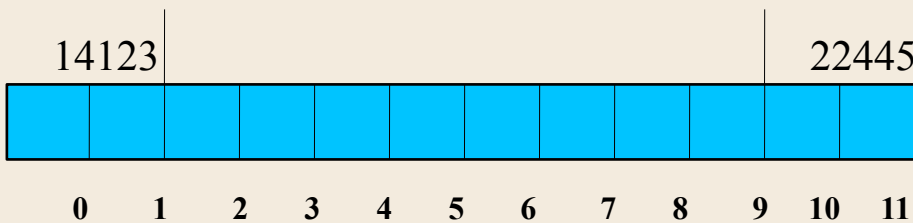
Speicher als „karierte Zeile“



## Datenstruktur im Speicher

Zahl „14123“ in Bytes 0 bis 1

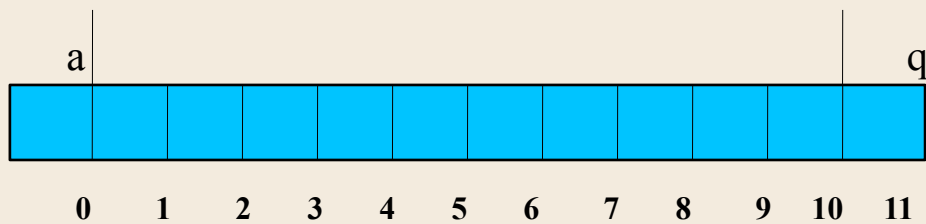
Zahl „22445“ in Bytes 10 bis 11



## Datenstruktur im Speicher

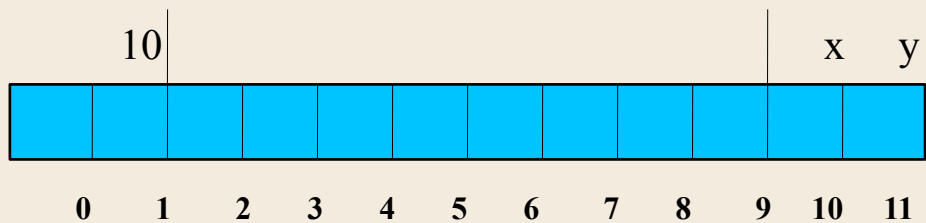
Zeichen „a“ in Byte 0

Zeichen „q“ in Byte 11



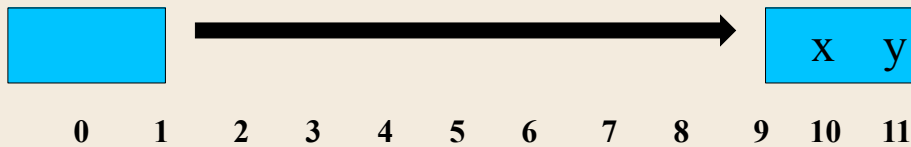
## Datenstruktur im Speicher

Zeiger in Bytes 0 bis 1 verweist auf Speicherblock,  
enthaltend „xy“, beginnend in Byte 10



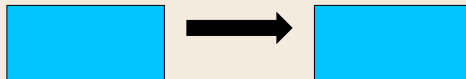
## Zeiger graphisch

Zeiger in Bytes 0 bis 1 verweist auf Speicherblock, enthaltend „xy“, beginnend in Byte 10.



## Zeiger graphisch

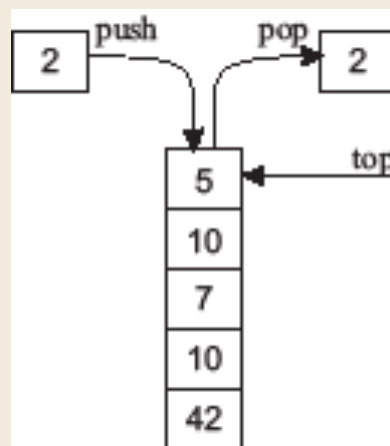
Zeiger verweist von einem Datenblock auf einen anderen.



## II. Technische Datenstrukturen

25

### Stacks



Auch bekannt als: „LIFO“ – Last In, First Out

26

# Start

Lies:

Atom 1

Verarbeite:

# „Push to stack“

Lies:

Verarbeite:

Atom 1

## „Lies weiter“

Lies:

Atom 2

Verarbeite:

Atom 1

29

## „Push to stack“

Lies:

Verarbeite:

Atom 2

Atom 1

30

## „Lies weiter“

Lies:

Atom 3

Verarbeite:

Atom 2

Atom 1

31

## Schließlich

Lies:

Atom 5

Atom 4

Atom 3

Verarbeite:

Atom 2

Atom 1

32



## „Pop from stack“

Lies:

Verarbeite: Atom 5

Atom 4

Atom 3

Atom 2

Atom 1

33

## „Pop from stack“

Lies:

Verarbeite: Atom 4

Atom 3

Atom 2

Atom 1

34



## „Pop from stack“

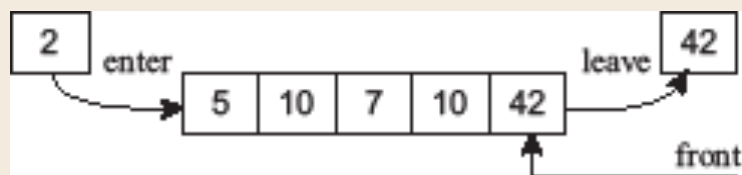
Lies:

Verarbeite: Atom 1

\*

37

## Queues



Auch bekannt als: „FIFO“ – First In, First Out

38

# Start

Lies:

Atom 1

Verarbeite:

# „Push to queue“

Lies:

Verarbeite:

Atom 1

## „Lies weiter“

Lies:

Atom 2

Verarbeite:

Atom 1

41

## „Push to queue“

Lies:


Verarbeite:

Atom 2

Atom 1

42

## „Lies weiter“

 Das ist ein Modell  
welches einen Prozess  
zu sein, es ist ein  
es ist ein Modell  
es ist ein Modell  
es ist ein Modell  
es ist ein Modell  
101100011110010010  
Historisch  
101010101011111  
Kulturwissenschaftliche  
101010101010101010  
Informationsverarbeitung

Lies:

Atom 3


Verarbeite:

Atom 2

Atom 1

43

## Schließlich

 Das ist ein Modell  
welches einen Prozess  
zu sein, es ist ein  
es ist ein Modell  
es ist ein Modell  
es ist ein Modell  
es ist ein Modell  
101100011110010010  
Historisch  
101010101011111  
Kulturwissenschaftliche  
101010101010101010  
Informationsverarbeitung

Lies:

Atom 5

Atom 4

Atom 3

Verarbeite:

Atom 2

Atom 1

44

## Pop from queue

Lies:

Atom 5

Atom 4

Atom 3

Verarbeite:

Atom 1

Atom 2

## Pop from queue

Lies:

Atom 5

Atom 4

Atom 3

Verarbeite:

Atom 2

## Pop from queue

Lies:

Atom 5

Atom 4

Verarbeite:

Atom 3

## Pop from queue

Lies:

Atom 5

Verarbeite:

Atom 4



## Pop from queue

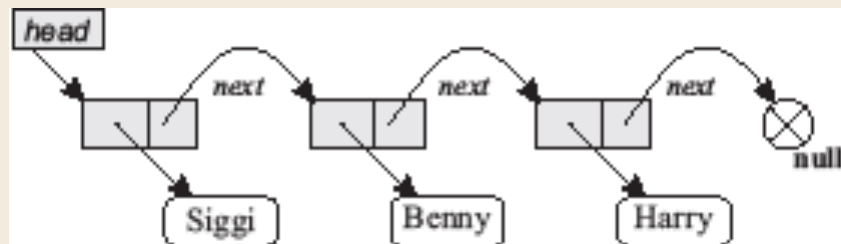
Lies:

Verarbeite:

Atom 5

\*

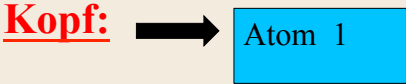
## Einfach Verknüpfte Listen



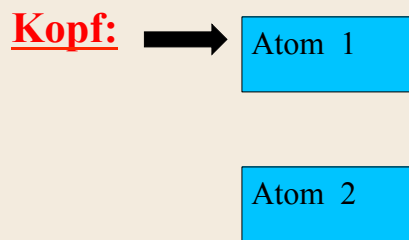
# Erzeuge Atom 1

Atom 1

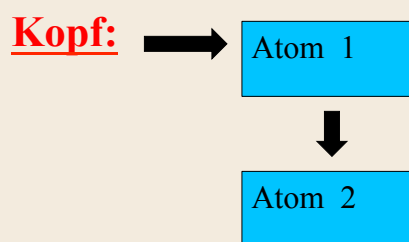
# Mache Atom 1 zum Listenkopf



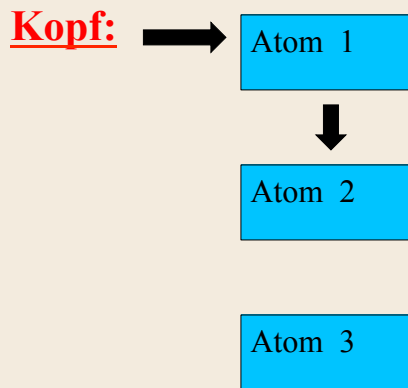
## Erzeuge Atom 2



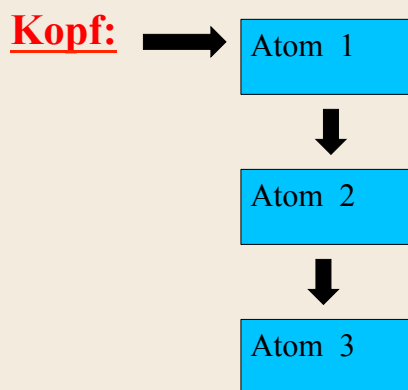
## Verbinde Atom 2 mit Liste



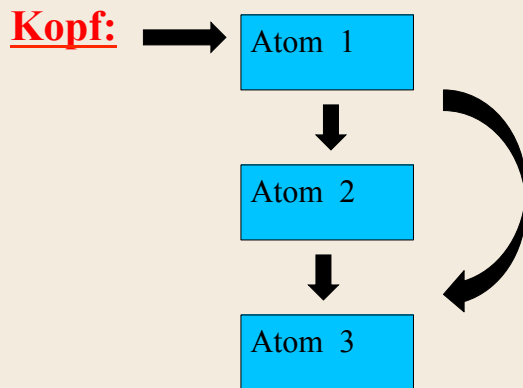
## Erzeuge Atom 3



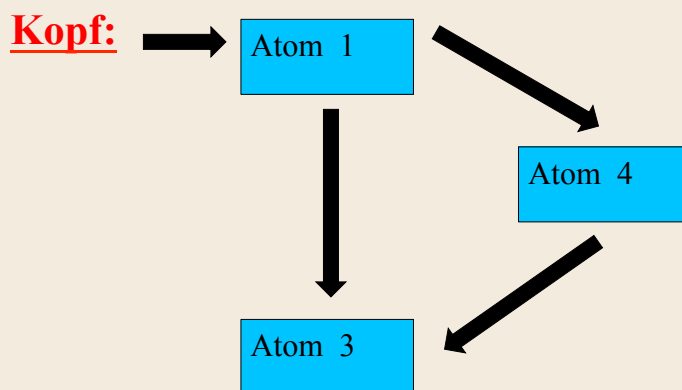
## Verbinde Atom 3 mit Liste



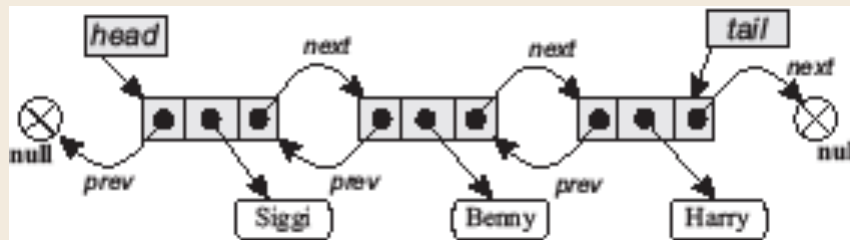
## Lösche Atom 2



## Füge Atom 4 ein

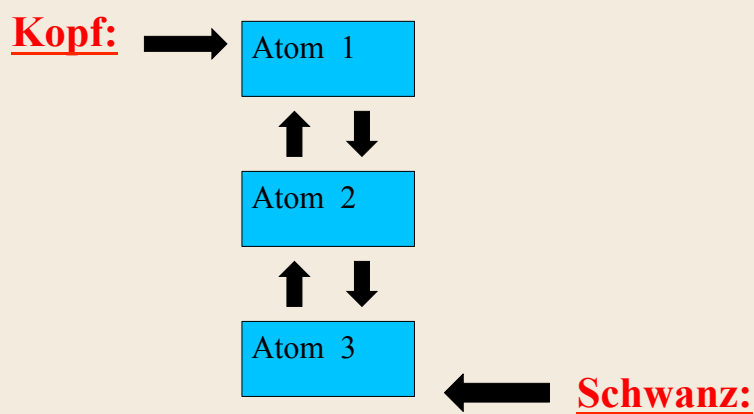


## Doppelt Verknüpfte Listen



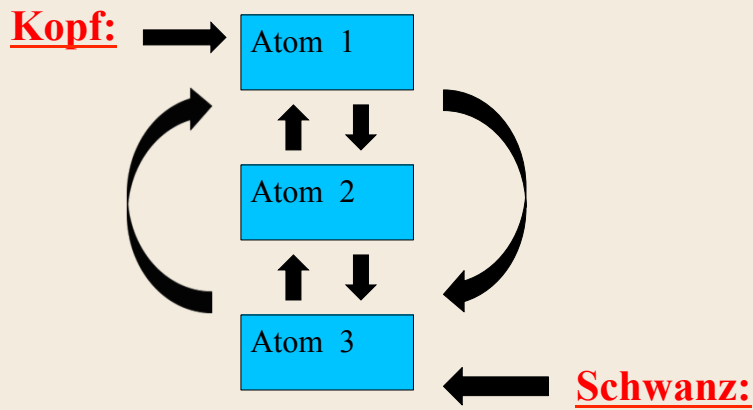
59

## Doppelt verknüpfte Liste

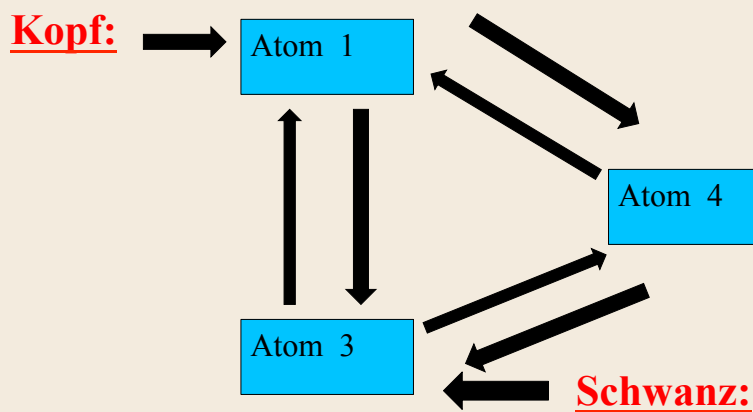


60

## Löschen von Atom 2



## Einfügen von Atom 4



\*

### III. Inhaltliche Datenstrukturen

#### Datentypen allgemein:

$\langle \text{Datentyp} \rangle ::=$

ein 3-Tupel (oder Tripel)  $\{ \mathbf{E}, \mathbf{I}, \mathbf{O} \}$

wobei

$\mathbf{E} ::=$  Externe Darstellung

$\mathbf{I} ::=$  Interne Darstellung

$\mathbf{O} ::=$  Menge auf  $\mathbf{I}$  definierter Operationen

(Notation: " $::=$ " = "definiert als")



## Datentyp Zeit allgemein:

**E** Regel für "4.6.2007"

**I** Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag  $i$  als Offset  $t$  vom Ursprung definiert ist.

**O**

**t-less**( $i,j$ )  $\implies$  **Boolean**

**t-less**(4.6.2007,5.6.2007)  $\implies$  **True**

**t-subtract**( $i,j$ )  $\implies$  **Ganze Zahl**

**t-subtract**(5.6.2007,4.6.2007)  $\implies$  1

65

## Datentyp „Historische Zeit“ I

**E** Regel für "pri non jun 2007"

**I** Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag  $i$  als Offset  $t$  vom Ursprung definiert ist.

**O**

**t-less**( $i,j$ )  $\implies$  **Boolean**

**t-less**(pri non jun 2007,non jun 2007)  $\implies$  **True**

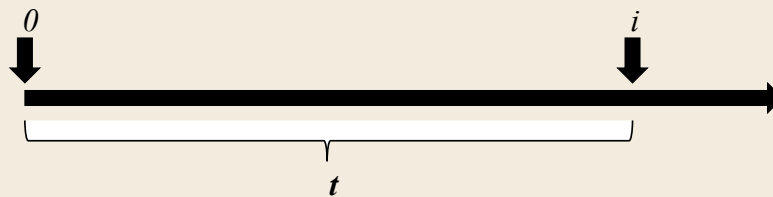
**t-subtract**( $i,j$ )  $\implies$  **Ganze Zahl**

**t-subtract**(non jun 2007,pri non jun 2007)  $\implies$  1

66

## Datentyp „Historische Zeit“ I

**I** Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag  $i$  als Offset  $t$  vom Ursprung definiert ist.



## Datentyp „Historische Zeit“ II

**E** Regel für "6 Tammuz 5763"

**I** Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag  $i$  als Offset  $t$  vom Ursprung definiert ist.

**O**

**t-less**( $i,j$ )  $\implies$  **Boolean**

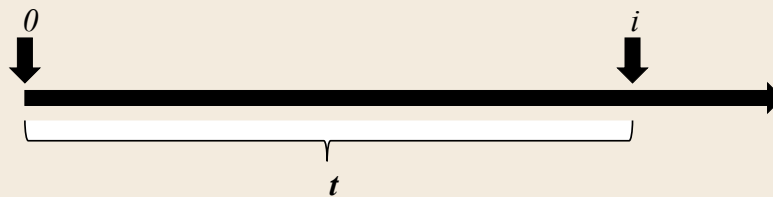
**t-less**(6 Tammuz 5763,7 Tammuz 5763)  $\implies$  **True**

**t-subtract**( $i,j$ )  $\implies$  **Ganze Zahl**

**t-subtract**(7 Tammuz 5763,6 Tammuz 5763)  $\implies$  1

## Datentyp „Historische Zeit“ II

I Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag  $i$  als Offset  $t$  vom Ursprung definiert ist.



## Datentyp „Historische Zeit“ III

E Regel für "Freitag nach Fronleichnam 2007"

I Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag  $i$  als Offset  $t$  vom Ursprung definiert ist.

**O**

**t-less(i,j) ==> Boolean**

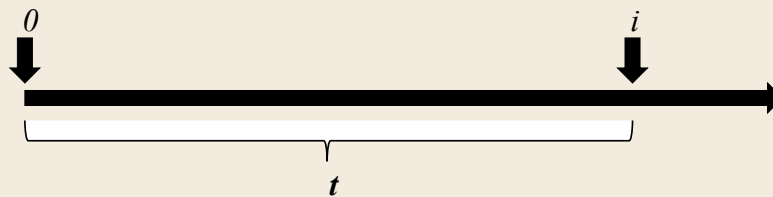
**t-less(Freitag nach Fronleichnam 2007, Samstag nach Fronleichnam 2007) ==> True**

**t-subtract(i,j) ==> Ganze Zahl**

**t-subtract(Samstag nach Fronleichnam 2007, Freitag nach Fronleichnam 2007) ==> 1**

## Datentyp „Historische Zeit“ III

I Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag  $i$  als Offset  $t$  vom Ursprung definiert ist.



\*

## Datentyp „Historische Zeit“ IV

E Regel für "4.4.1458"

I Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag  $i$  als Vektor von Offsets  $t$  vom Ursprung definiert ist.

O

$t\text{-less}(i,j) \implies$  mehrwertiger Wahrheitswert { True, Undecidable, False }

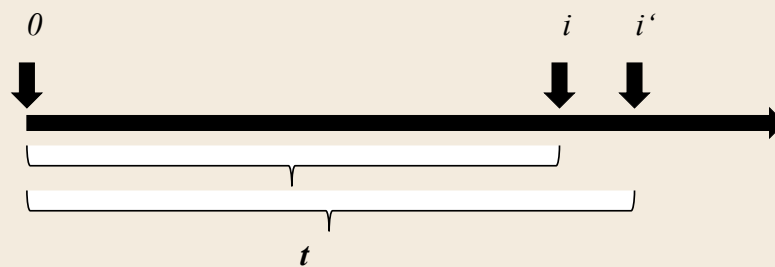
$t\text{-less}(4.4.1458, 5.4.1458) \implies$  Undecidable

$t\text{-subtract}(i,j) \implies$  "Historische Zahl"

$t\text{-subtract}(5.4.1458, 4.4.1458) \implies$  { 1, 366 }

## Datentyp „Historische Zeit“ IV

I Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag  $i$  als Vektor von Offsets  $t$  vom Ursprung definiert ist.



73

## Datentyp „Historische Zeit“ V

E Regel für "14.7.1763 - 24.10.1763"

I Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag  $i$  als Vektor von Offsetpaaren  $t$  vom Ursprung definiert ist.

**O**

$t\text{-less}(i,j) \implies$  *kontinuierlicher Wahrheitswert*  
 (Z.B. Grad der Überlappung von  $n$  Intervallen.)

$t\text{-less}(4.4.1763 - 14.7.1763, 14.7.1763 - 24.10.1763) \implies 99 \%$

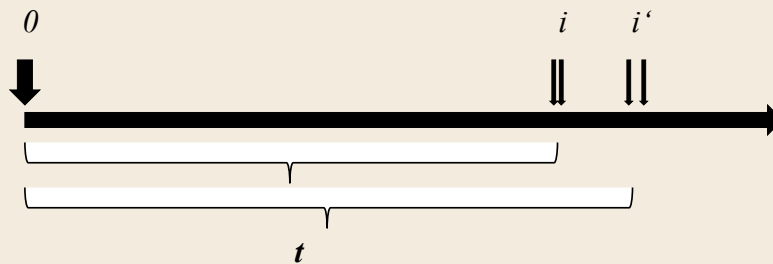
$t\text{-subtract}(i,j) \implies$  "Historische Zahl"

$t\text{-subtract}(14.7.1763 - 24.10.1763, 4.4.1763 - 14.7.1763) \implies \{ 0, 200 \}$

74

## Datentyp „Historische Zeit“ IV

I Zeit ist ein Vektor von Tagen seit einem willkürlichen Tag 0, wobei ein beliebiger Tag  $i$  als Vektor von Offsetpaaren  $t$  vom Ursprung definiert ist.



\*

75

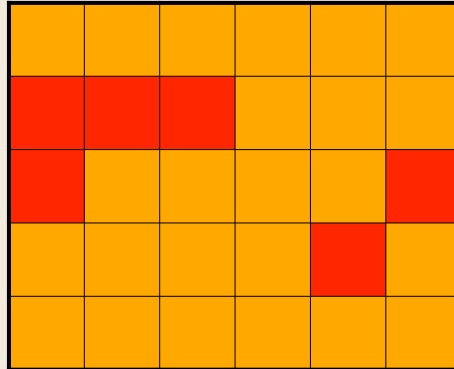
## IV. Datenstruktur aus dem Softwareengineering

76



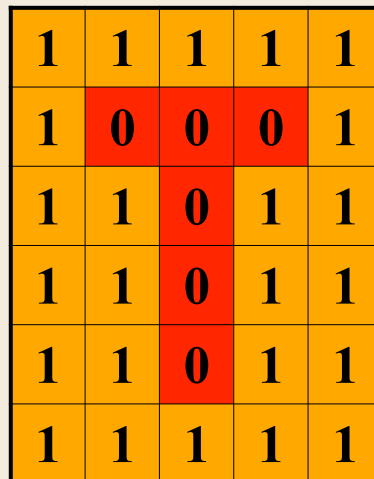
# Ein Bild

5 Zeilen  
6 Spalten



# Ein Bild

1 == oker  
0 == rot





## Ein Bild

1 == blau  
0 == gelb

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1

## Ein Bild

Speicherung:  
1,1,1,1,1,1,0,0,  
0,1,1,1,0,1,1,1,  
1,0,1,1,1,1,0,1,  
1,1,1,1,1,1

Unkomprimiert

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1

## Ein Bild

Store:  
 6,1,3,0,3,1,1,0,  
 4,1,1,0,4,1,1,0,  
 7,1

(Compressed)  
 Run Length  
 Encoded

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1

83

## Ein Bild

Speicherung:  
 SetSize: 5 by 6  
 SetBackgroundColor:  
 Ochre  
 SetForegroundColor:  
 Red  
 SetLetterHeight: 4  
 MoveTo: 3,5  
 DrawLetter: T

Vector Format

1,1	2,1	3,1	4,1	5,1
1,2	2,2	3,2	4,2	5,2
1,3	2,3	3,3	4,3	5,3
1,4	2,4	3,4	4,4	5,4
1,5	2,5	3,5	4,5	5,5
1,6	2,6	3,6	4,6	5,6

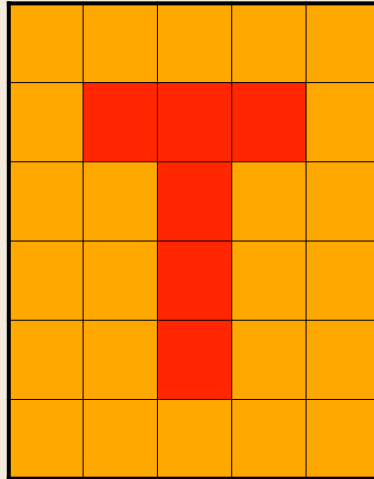
84

## Ein Bild

6 Zeilen  
5 Spalten

1 == oker  
0 == rot

Unkomprimiert



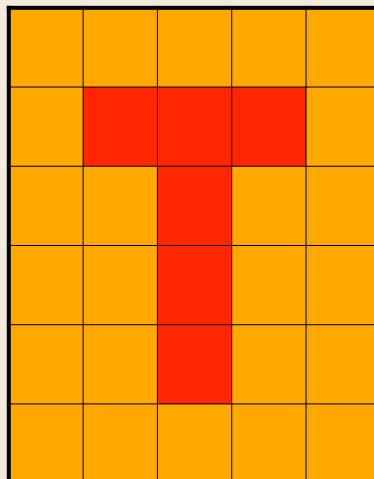
85

## Ein Bild

*Dimensionen*

1 == ochre  
0 == red

Uncompressed



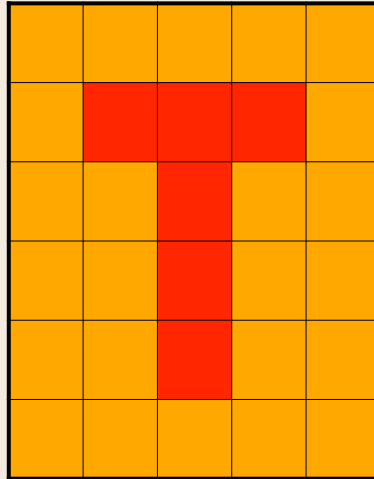
86

# Ein Bild

*Dimensionen*

*Photogrammetrische  
Interpretation*

Unkomprimiert

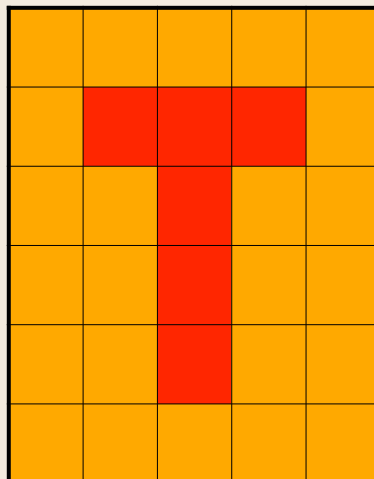


# Ein Bild

*Dimensionen*

*Photogrammetrische  
Interpretation*

*Kompressionstechnik*

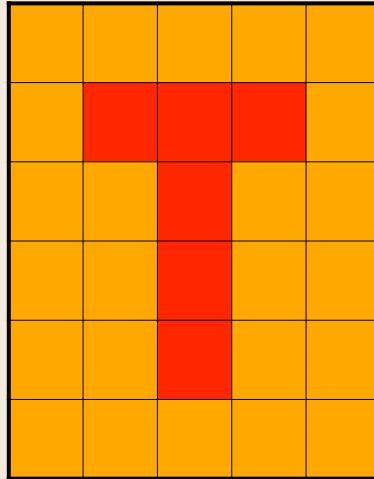


# Ein Bild

<basic information>

<rendering  
information>

<storage  
information>



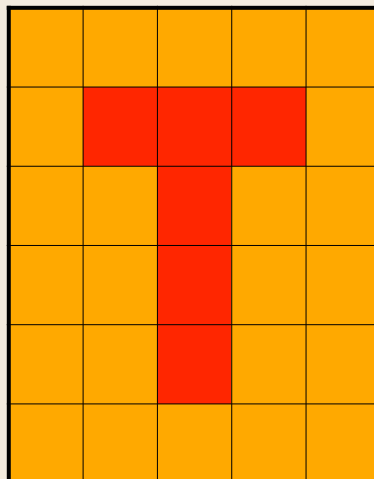
# Ein Bild

<basic information>  
(implizit / explizit)

<rendering  
information>  
(implicit / explicit)

<storage  
information>  
(implicit / explicit)

... und die Daten?



## Ein Bild

Daten entweder als  
Datenstrom

1,1,1,1,1,1,  
0,0,0,1,1,1,  
0,1,1,1,1,0,  
1,1,1,1,0,1,  
1,1,1,1,1,1

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1

## Ein Bild

Daten entweder als  
Datenstrom  
oder als  
Verarbeitungsanweisungen

SetSize: 5 by 6  
SetBackgroundColor:  
Ochre  
SetForegroundColor:  
Red  
SetLetterHeight: 4  
MoveTo: 3,5  
DrawLetter: T

1	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1

Danke für heute!